

## TECNÓLOGO EM ANÁLISE E DESENVOLVIMENTO DE SISTEMAS

### PROGRAMAÇÃO DE COMPUTADORES I

Nivelamento: 3ª Etapa

As descrições dos conteúdos e os exercícios propostos neste documento foram retirados (em alguns casos adaptados) do curso de nivelamento criado pela professora **Camila de Fátima Modesto** do Instituto Federal do Paraná – Campus Campo Largo. Contudo, a lógica utilizada para resolução dos problemas foi criada pelo professor Gil Eduardo de Andrade.

---

### REGRA DE TRÊS

---

**Razão:** é a forma de comparação entre duas grandezas usando uma divisão, ou seja, denomina-se  $\frac{a}{b}$  com razão de  $a$  para  $b$ , com  $b \neq 0$ .

**Exemplos:**

➤ Em um concurso, 240 candidatos disputam 80 vagas, temos então que a razão vaga/candidato é de:  $\frac{80}{240} = \frac{1}{3}$ .

➤ Velocidade média: é a razão entre a distância total percorrida e o tempo gasto para tal, ou seja, para um carro que percorre 453 km em 6 horas temos:

$$V_m = \frac{453}{6} = 75,5 \text{ Km/h}$$

➤ Porcentagem: é toda razão  $\frac{a}{b}$  com  $b = 100$ .

*Exemplo: em uma função de cobre e estanho temos 23 kg de cobre com 2 kg de estanho. Qual é o teor de cada metal na liga?*

$$\frac{\text{metal}}{\text{total}} = \frac{23}{25} = \frac{92}{100} = 92\%$$

**Cobre**

$$\frac{\text{metal}}{\text{total}} = \frac{2}{25} = \frac{8}{100} = 8\%$$

**Estanho**

**Proporção:** é a igualdade entre duas razões.

### **Grandezas diretamente proporcionais**

Medida do lado do quadrado	Perímetro do quadrado
6 m	24 m
9 m	36 m
10 m	40 m
12 m	48 m

*Observação:* em casos em que, quando uma grandeza aumenta, a outra também aumenta na mesma proporção, chamamos de grandezas diretamente proporcionais.

### **Grandezas inversamente proporcionais**

Velocidade (km/h)	120	60	40	30
Tempo (min)	1	2	x	4

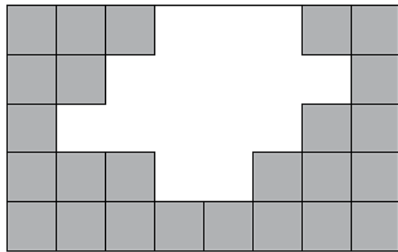
*Observação:* em casos em que, quando uma grandeza aumenta, a outra diminui na mesma proporção, chamamos de grandezas inversamente proporcionais.

---

## **REGRA DE TRÊS → Lista de Exercícios**

---

- (VUNESP – 2012) – Em um concurso participaram 3000 pessoas e foram aprovadas 1800. A razão do número de candidatos aprovados para o total de candidatos participantes do concurso é:
  - 2/3
  - 3/5
  - 5/10
  - 2/7
  - 6/7
- (CTSB0901/04 – Escriturário – 2009) – A figura mostra uma parede com alguns azulejos, onde os espaços em branco representam os azulejos que caíram.
 



Sabendo que todos os azulejos são quadrados e de mesmo tamanho, então a relação entre o número de azulejos que já caíram e os que ainda estão na parede é:

- 5/3
- 4/5
- 3/4

- d)  $\frac{3}{5}$   
e)  $\frac{2}{5}$
3. (SPTR1101/009 – Técnico Informática – 2012) Em uma concessionária de veículos, a razão entre o número de carros vermelhos e o número de carros prateados vendidos durante uma semana foi de  $\frac{3}{11}$ . Sabendo-se que nessa semana o número de carros vendidos (somente vermelhos e prateados) foi 168, pode-se concluir que, nessa venda, o número de carros prateados superou o número de carros vermelhos em:
- a) 96  
b) 112  
c) 123  
d) 132  
e) 138
4. Se um relógio atrasa 36 minutos por dia, quanto terá atrasado ao longo de 3 horas?
5. Um automóvel gasta 10 litros de combustível para percorrer 100 km. Num percurso de 950 km a quantidade consumida, em litros de combustível, será de:
- a) 9,5  
b) 90  
c) 95  
d) 130  
e) 190
6. Em um banco, contatou-se que um caixa leva, em média, 6 minutos para atender 4 clientes. Qual é o tempo que esse caixa vai levar para atender 36 clientes?
7. Se  $\frac{3}{7}$  da capacidade de um reservatório correspondem a 8.400 litros, a quantos litros correspondem  $\frac{2}{5}$  da capacidade do mesmo tanque?
8. Uma impressora leva 4 horas para imprimir uma certa quantidade de jornal. Em 6 horas, ela imprimirá 12.000 jornais a mais. Quantos jornais ela imprime em 18 horas?
9. Para alimentar 15 vacas leiteiras durante 10 dias são necessários 2.400 kg de milho. Retirando-se 7 vacas, em quanto tempo serão consumidos 1.280 kg de milho?
10. Se 8 operários constroem, em 5 dias, um muro com 40 metros de comprimento, quantos operários serão necessários para construir outro muro com 70 metros, trabalhando 14 dias?

### **Resolução – Regra de Três**

- 1) A razão entre o número de aprovados e total de candidatos é:

$$\frac{1800}{3000} = \frac{18}{30} = \frac{6}{10} = \frac{3}{5}$$

- 2) Relação entre os azulejos que já caíram e os que ainda estão na parede é:

$$\begin{array}{l} \text{Total} = 40 \\ \text{Caíram} = 15 \\ \text{Sobraram} = 25 \end{array}$$

$$\frac{15}{25} = \frac{3}{5}$$

3) Número de carros prateados superou o número de carros vermelhos em:

$$\text{Razão entre vermelhos e prateados} = \frac{V}{P} = \frac{3}{11}$$

$$\text{Total de carros vendidos (vermelhos + prateados)} = V + P = 168$$

$$\text{Sistema: (1) } 11V = 3P \text{ e (2) } V + P = 168, \text{ isolando } P \text{ na equação (2) temos } P = 168 - V$$

$$\text{Substituindo na equação (1) temos: } 11V = 3 \times (168 - V) \rightarrow 11V = -3V + 504 \rightarrow 14V = 504, \text{ logo}$$

$$V = 36$$

$$\text{voltando na equação } P = 168 - V \text{ e substituindo o valor de } V, \text{ temos } P = 168 - 36, \text{ logo}$$

$$P = 132$$

$$\text{Carros prateado superam os vermelhos em: } 132 - 36 = 96 \text{ unidades}$$

4) Atrasa ao longo de 3 horas:

Primeiro descubro quantos minutos atrasa por hora. Depois multiplico por três.

$$\text{Atraso por hora} = \frac{36}{24} = \frac{9}{6} = \frac{3}{2}, \text{ ou seja, atrasa um minuto e meio a cada hora.}$$

$$\text{Agora multiplicando por três} = \frac{3}{2} \times 3 = \frac{9}{2} = 4 \text{ minutos e meio.}$$

5) Quantidade consumida em litros para um trajeto de 950Km:

$$\text{Primeiro descubro quantos litros gasta por rodado} = \frac{10 \text{ litros}}{100 \text{ km}} = 0,1 \text{ litro / km}$$

Depois multiplico o valor encontrado por 950, ou seja:

$$\text{Se gasta } 0,1 \text{ litro / km para } 950 \text{ km temos: } 950 \times 0,1 = 95 \text{ litros}$$

6) Leva, em minutos, para atender 36 clientes:

$$\text{Primeiro descubro quantos minutos para atender cada cliente} = \frac{6 \text{ minutos}}{4 \text{ clientes}} = 1,5 \text{ minutos}$$

Depois multiplico por 36 clientes, ou seja:

$$\text{Se gasta } 1,5 \text{ minutos para um cliente temos: } 36 \times 1,5 = 54 \text{ minutos}$$

7) Quantidade de litros para 2/5 do tanque é:

Primeiro descubro a capacidade total do tanque considerando que  $\frac{3}{7} = 8.400$  litros

$$\text{Logo, } \frac{1}{7} = \frac{8400}{3} = 2800 \text{ litros}$$

Se 1 parte em 7 do tanque é 2800, o tanque todo (7 de 7) =  $7 \times 2800 = 19600$ .

Sendo assim, 2 partes de 5 do tanque é igual  $\frac{2}{5} \times 19600 = 7840 \text{ litros}$ .

8) **Quantos jornais são impressos em 18 horas?**

Primeiro descubro quantos jornais são impressos por hora, se das 4 horas até as 6 horas imprimiu 12000 jornais a mais, sabemos que em 2 horas imprimiu 12000, logo por hora são impressos:

$$\frac{12000 \text{ jornais}}{2 \text{ horas}} = 6000 \text{ jornais / hora}$$

Logo, em 18 horas temos:  $6000 \times 18 = 108000 \text{ jornais}$

9) **Quanto tempo 8 vacas levam para consumir 1280 kg de milho?**

Primeiro descubro quanto consome cada vaca durante 10 dias:  $\frac{2400 \text{ kg}}{15 \text{ vacas}} = 160 \text{ kg / vaca}$

Agora descubro quanto consome cada vaca por dia:  $\frac{160 \text{ kg}}{10 \text{ dias}} = 16 \text{ kg / dia}$

Agora descubro o consumo de kg / dia para 8 vacas:  $16 \text{ kg} \times 8 = 128 \text{ kg}$

Se 8 vacas consomem 128kg/dia então levam:  $\frac{1280 \text{ kg}}{128 \text{ kg / dias}} = 10 \text{ dias}$ .

10) **Quantidade de operários necessários para 70 metros em 14 dias:**

Primeiro descubro a quantidade de metros construídos por operário:  $\frac{40 \text{ m}}{8} = 5 \text{ m / operário}$

Agora quantos metros cada operário constrói por dia:  $\frac{5 \text{ m}}{5 \text{ dias}} = 1 \text{ metro / dia}$

Como são 70 metros em 14 dias, então serão:  $\frac{70 \text{ m}}{14 \text{ dias}} = 5 \text{ metros / dia}$

Como cada operário constrói 1 metro / dia, então serão necessários:  $\frac{5 \text{ m / dia}}{1 \text{ m / dia}} = 5 \text{ operários}$ .

---

## PORCENTAGEM

---

A porcentagem possui grande importância dentro do mercado financeiro, visto que é utilizada para capitalizar empréstimos e aplicações, expressar índices inflacionários e deflacionários, descontos, aumentos, taxas de juros, entre outros. No campo da Estatística possui participação ativa na apresentação de dados comparativos e organizacionais. Os números percentuais possuem representações na forma de fração centesimal (denominador igual a 100) e quando escritos de maneira formal devem aparecer na presença do símbolo de porcentagem (%).

$$x\% = \frac{x}{100}$$

A porcentagem também pode ser escrita na forma de número decimal. Observe os exemplos a seguir, eles são apresentados nas três formas possíveis:

Porcentagem	Razão Centesimal	Número Decimal
1%	1/100	0,01
5%	5/100	0,05
32%	32/100	0,32
100%	100/100	1
120%	120/100	1,2

---

## PORCENTAGEM → Lista de Exercícios

---

- Represente, sob a forma de fração irredutível, cada uma das taxas percentuais:
  - 34%
  - 3%
  - 315%
  - 0,8%
- Em um concurso apenas 600 candidatos foram aprovados. Determine o total de inscritos sabendo que a taxa de reprovação foi de 85%.
- Um vendedor de automóveis compra um carro por R\$ 17.000,00 e pretende vendê-lo com um lucro de 15% sobre o preço de venda. Qual será o preço de venda do veículo?
- Após dois aumentos sucessivos e iguais, o valor de certo imposto subiu de R\$ 46,00 para R\$ 90,16. De qual percentual foi cada aumento?
- (ENEM) Um professor dividiu a lousa da sala de aula em quatro partes iguais. Em seguida, preencheu 75% dela com conceitos e explicações, conforme a figura seguinte.



Algum tempo depois, o professor apagou a lousa por completo e, adotando um procedimento semelhante ao anterior, voltou a preenchê-la, mas, dessa vez, utilizando 40% do espaço dela. Uma representação possível para essa segunda situação é:

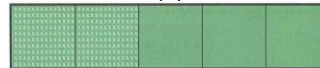
(a)



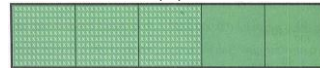
(b)



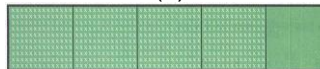
(c)



(d)



(e)



6. (UFOP – MG) O preço de uma mercadoria sofreu dois aumentos sucessivos, de 10% e de 20%. De quantos por cento foi o aumento total dessa mercadoria?
- a) 30%  
b) 32%  
c) 25%  
d) 22%  
e) 12%
7. (FAAP-SP) Um automóvel que custa R\$ 18.600,00 terá seu preço reajustado em 3,5%. Calcule o preço desse automóvel após o aumento.
8. (UERJ) Em uma empresa, 70% dos funcionários trabalham na fábrica, e os demais trabalham no escritório. Dentre os que trabalham no escritório, 40% são mulheres. Em relação ao total de funcionários dessa empresa, as mulheres que trabalham no escritório representam:
- a) 40%  
b) 20%  
c) 15%  
d) 14%  
e) 12%
9. (OBMEP – 06) Um trabalho de Matemática tem 30 questões de Aritmética e 50 de Geometria. Júlia acertou 70% das questões de Aritmética e 80% do total de questões. Qual o percentual das questões de Geometria que ela acertou?

- a) 43%  
b) 54%  
c) 58%  
d) 75%  
e) 86%
10. (PMLV/012 – 2007) – A idade da Bruna é igual a 70% da idade da Lílian. Já a idade da Lílian é igual a 50% da idade da Júlia. Se Júlia possui 20 anos, a soma total das três idades é igual a:
- a) 38 anos  
b) 37 anos  
c) 36 anos  
d) 35 anos  
e) 34 anos

### Resolução – Porcentagem

#### 1) Representação em fração irredutível:

- a) 34% - como o próprio nome diz “por cento” ou “por cem”, logo:  $\frac{34}{100} = \frac{17}{50}$ .
- b)  $3\% = \frac{3}{100}$ .
- c)  $315\% = \frac{315}{100} = \frac{63}{20}$ .
- d)  $0,8\% = \frac{0,8}{100} = \frac{8}{1000} = \frac{4}{500} = \frac{2}{250} = \frac{1}{125}$ .

#### 2) Total de inscritos no concurso:

Como a taxa de reprovação foi de 85%, a taxa de aprovação é:  $100\% - 85\% = 15\%$

Se 600 candidatos foram aprovados então  $15\% = 600$ , logo:  $\frac{600}{15\%} = 40 = 1\%$  dos candidatos

Se 1% = 40 candidatos, então 85% =  $85 \times 40 = 3400$  *candidatos*.

Logo, o total de inscritos é: 85% reprovados + 15% aprovados =  $600 + 3400 = 4000$ .

#### 3) Preço de venda do veículo:

Primeiro eu determino quanto vale 1% de R\$17.000,00 =  $\frac{17.000}{100} = \mathbf{R\$170,00 = 1\%}$ .

Se 1% do veículo vale R\$170,00, então 15% vale  $15 \times \mathbf{R\$170,00 = R\$2.550,00 = 15\%}$ .



Preço de venda é igual ao preço de compra com lucro (acréscimo) de 15%, ou seja:

$$\mathbf{R\$17.000,00 + R\$2.550,00 = 19.550,00}$$

4) Percentual de cada aumento:

$$\text{Aumento Total (valor)} = R\$90,16 - R\$46,00 = \mathbf{R\$44,16}$$

Descobrimos o percentual Total de Aumento (**P**). Sabendo que  $1\%$  de  $46,00 = \frac{46}{100} = 0,46$ ,

$$\text{então: } P \cdot 0,46 = 44,16 \rightarrow P = \frac{44,16}{0,46} = \mathbf{96\%}$$

Como foram dois aumentos iguais, temos que o percentual de cada aumento  $PCA = \frac{P}{2} =$

$$\frac{96\%}{2} = \mathbf{48\%}.$$

5) Possível representação para 40% lousa:

$$\text{Como visto nas frações irredutíveis } 40\% = \frac{40}{100} = \frac{20}{50} = \frac{10}{25} = \frac{2}{5}$$

Logo, a resposta certa é a representação onde temos a lousa dividida em 5 partes, sendo que 2 dessas estão preenchidas  $\rightarrow$  **letra (c)**.

6) Percentual de aumento da mercadoria:

Para facilitar a resolução podemos assumir R\$100 como valor inicial para a mercadoria.

O primeiro aumento foi de 10%, como **1% de 100 = 1**, logo **10% de 100 = R\$10**.

Portanto o valor após o primeiro aumento = **100 + 10 = R\$110**.

O segundo aumento foi de 20%, como **1% de 110 = 1,1**, logo **20% de 110 = R\$22**.

Sendo assim, a soma dos aumentos = **10 + 22 = R\$32**, com valor final = **R\$132**.

Logo, o aumento foi de R\$32 para os R\$100 iniciais ou **32% – letra (c)**.

7) Preço do automóvel após o aumento:

Considerando que o preço do automóvel é de R\$18.600,00, logo 1% desse valor é igual a:

$$\frac{18.600}{100} = \mathbf{R\$186,00}.$$

Se 1% = R\$186,00, então **3,5% = 3,5 x R\$186,00 = R\$651,00.**

Aumento de 3,5% no valor = valor inicial + aumento de 3,5%, ou seja:

$$\mathbf{R\$18.600,00 + R\$651,00 = R\$19.251,00.}$$

**8) Percentual de mulheres que trabalham no escritório:**

Se 70% dos funcionários trabalham na fábrica,  $100\% - 70\% = \mathbf{30\%}$  *trabalham no escritório.*

Dos 30% que trabalham no escritório 40% são mulheres.

Para facilitar a compreensão podemos considerar que a empresa possui 100 funcionários.

Se 30% estão do escritório, então temos 30 funcionários trabalham no escritório.

Logo para obter 40% desses 30 basta fazer:  $30 \times \frac{40}{100} = 12$  funcionários trabalhando no escritório.

Sendo assim 12 funcionários de 100 equivale a **12% de mulheres trabalhando no escritório – letra (e).**

**9) Percentual das questões de Geometria ela acertou:**

São 30 questões de Aritmética e 50 de Geometria, total de **80 = 100%**.

Calculando 1% do total (80) temos:  $\frac{80}{100} = \frac{4}{5}$ .

Ela acertou 80% do total de questões, ou seja,  $80 \times 1\% = 80 \times \frac{4}{5} = \mathbf{64}$ .

Calculando 1% das questões de Aritmética:  $\frac{30}{100} = \frac{3}{10}$ , logo 70% das questões de Aritmética

é igual a  $\frac{3}{10} \times 70 = \mathbf{21}$ .

O Total de acertos de Geometria = Total de acertos – Total de acertos em Aritmética, ou seja, **64 – 21 = 43.**

Calculando 1% das questões de Geometria:  $\frac{50}{100} = \frac{1}{2}$

O percentual (P) de acertos em Geometria  $\rightarrow \frac{1}{2} \times P = 43$ , logo: **P = 86% – letra (e).**

**10) A soma das idades:**

Como a idade da Bruna (IB) = 70% da idade da Lílian (IL), temos:  $IB = \frac{70}{100} \times IL$

Como a idade da Lílian (IL) = 50% da idade da Júlia (IJ), temos:  $IL = \frac{50}{100} \times IJ$

Como a idade da Júlia (IJ) = 20 anos, temos: idade da Lílian (IL) =  $\frac{50}{100} \times 20 = 10$  **anos**.

Logo a idade da Bruna (IB) =  $\frac{70}{100} \times IL = \frac{70}{100} \times 10 = 7$  **anos**.

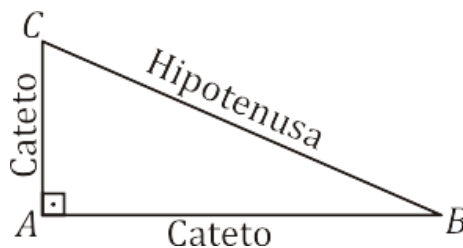
Por fim, somando as três idades temos:  $20 + 10 + 7 = 37$  **anos – letras (b)**.

---

## PITÁGORAS

---

**Triângulo retângulo:** Um triângulo é chamado de triângulo retângulo se possuir um ângulo interno reto ( $90^\circ$ ). O lado oposto ao ângulo reto recebe o nome de hipotenusa e os outros dois lados que formam o ângulo reto são chamados de catetos.

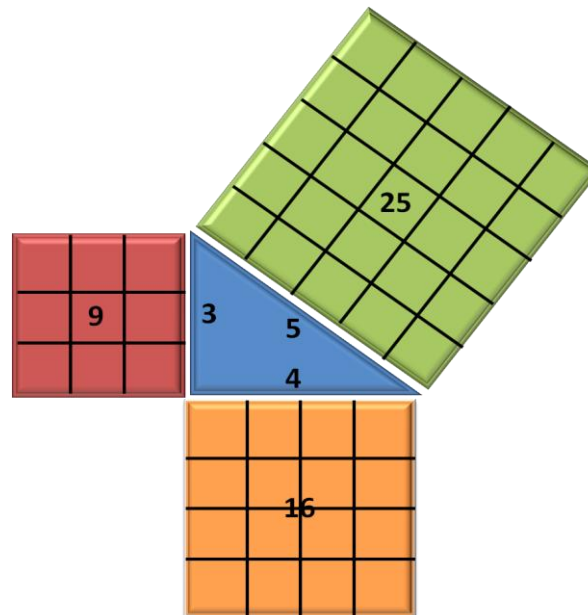


O **Teorema de Pitágoras** é considerado uma das principais descobertas da Matemática. Ele descreve uma relação existente no triângulo retângulo, dizendo que: “a soma dos quadrados dos catetos é igual ao quadrado da hipotenusa.”

Seja um triângulo retângulo com hipotenusa de medida **a**, e catetos de medidas **b** e **c**, temos que:

$$a^2 = b^2 + c^2$$

Temos abaixo a representação geométrica do teorema para um triângulo retângulo com hipotenusa de medida 5, e catetos de medidas 3 e 4.

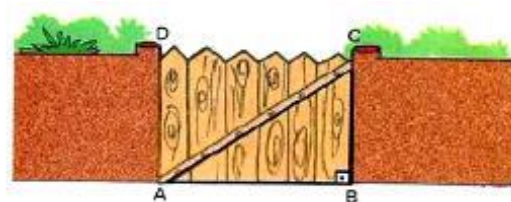



---

### PITÁGORAS → Lista de Exercícios

---

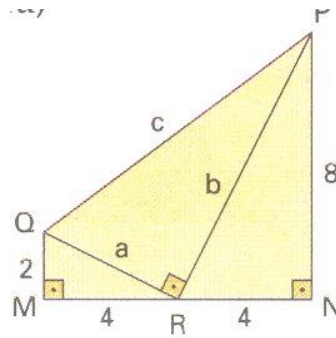
1. O portão de entrada de uma casa tem 4m de comprimento e 3m de altura. Que comprimento teria uma trave de madeira que se estendesse do ponto A até o ponto C.



2. A figura representa uma ilha em escala reduzida. Se o lado de cada quadradinho do mapa equivale a 1 km no tamanho real, qual é a distância, em linha reta, entre os pontos A e B.

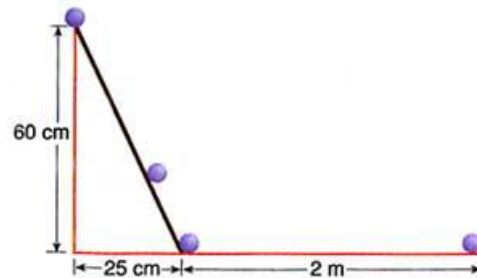


3. Considerando a figura, determine:

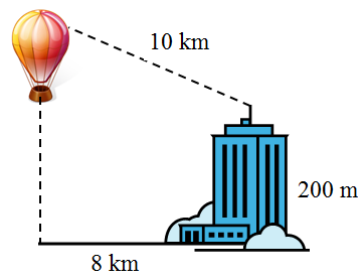


(3.1) a medida “a” (3.2) a medida “b” (3.3) a medida de “c”

4. Qual a distância percorrida pela bolinha?

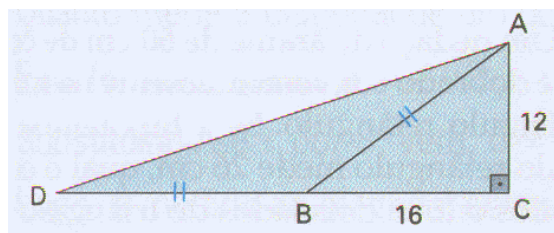


5. Qual deve ser a altitude do balão para que sua distância ao topo do prédio seja de 10 km



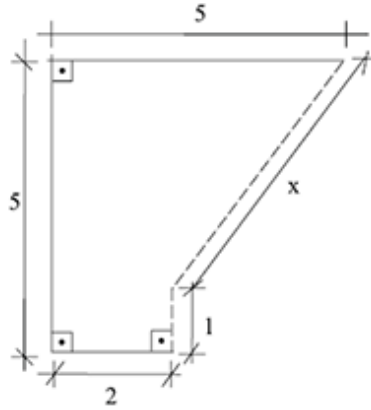
6. Na figura tem-se que  $\overline{AB} \cong \overline{BD}$ . Nessas condições, determine:

- a medida do segmento  $\overline{AB}$ .
- a medida do lado  $\overline{AD}$ .



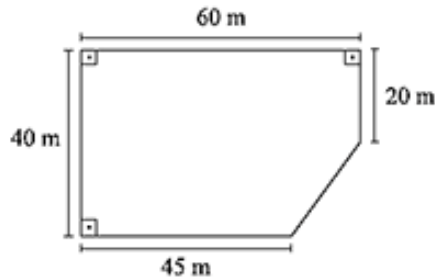
7. (CASA – Agente Administrativo – 2010) Na figura, cujas dimensões estão em metros, a linha pontilhada representa uma grade que foi colocada em dois lados de um canteiro. A extensão total dessa grade é:

(A) 6,00 m      (B) 5,80 m      (C) 5,75 m      (D) 5,50 m      (E) 5,00 m

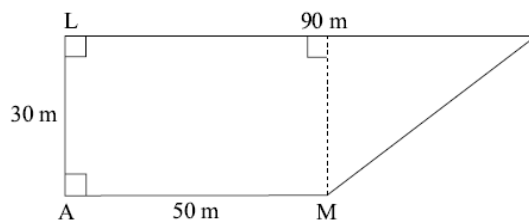


8. (SAAE – Operador – 2009) A figura representa uma praça pública que, por questões de segurança, deverá receber grade de proteção em todo o seu perímetro, o que corresponde a:

(A) 165 m      (B) 175 m      (C) 180 m      (D) 190 m      (E) 210 m



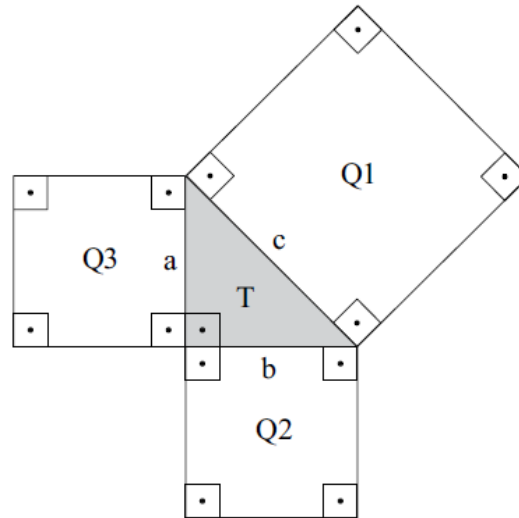
9. (PMSZ – Agente Fiscal) Considere o terreno representado pelo polígono LIMA da figura.



O perímetro desse terreno é igual a:

(A) 200m      (B) 210m      (C) 215m      (D) 218m      (E) 220m

10. (PMRI – Técnico em Enfermagem – 2013) Em um jardim, 3 canteiros quadrados Q1, Q2 e Q3, de lados  $c$ ,  $b$  e  $a$ , respectivamente, foram construídos em torno de uma região gramada T, de formato triangular e dois lados iguais, conforme mostra a figura. Sabe-se que a soma das áreas dos três canteiros quadrados é igual a  $200\text{m}^2$ . Desse modo, é correto afirmar que a medida indicada por  $c$  na figura é, em metros, igual a:



- (A) 6                      (B) 8                      (C) 10                      (D) 12                      (E) 14

### Resolução – Pitágoras

- 1) Comprimento da trave de madeira:

$$HIP^2 = CO^2 + CA^2$$

Comprimento da trave = HIP  
 Altura do portão = CO = 3 metros  
 Largura do portão = CA = 4 metros

Logo:

$$HIP^2 = 3^2 + 4^2 = 9 + 16 = \sqrt{25} = \mathbf{5 \text{ metros}}$$

- 2) Distância entre os pontos 'A' e 'B':

$$HIP^2 = CO^2 + CA^2$$

Distância entre os pontos 'A' e 'B' = HIP  
 Dois quadrados = CO = 2 Km  
 Cinco quadrados = CA = 5 Km

Logo:

$$HIP^2 = 2^2 + 5^2 = 4 + 25 = \mathbf{\sqrt{29} \text{ Km}}$$

- 3) Média de "a", "b" e "c":

$$HIP^2 = CO^2 + CA^2$$

$a = \text{HIP}, \text{CO} = 2 \text{ e } \text{CA} = 4, \text{ logo: } a^2 = 2^2 + 4^2 = 4 + 16 = \mathbf{v20}$   
 $b = \text{HIP}, \text{CO} = 4 \text{ e } \text{CA} = 8, \text{ logo: } b^2 = 4^2 + 8^2 = 16 + 64 = \mathbf{v80}$   
 $c = \text{HIP}, \text{CO} = a \text{ e } \text{CA} = b, \text{ logo: } c^2 = a^2 + b^2 = \mathbf{v20^2 + v80^2} = 20 + 80 = \mathbf{v100} = \mathbf{10}$

4) **Distância percorrida pela bolinha:**

$$\text{HIP}^2 = \text{CO}^2 + \text{CA}^2$$

Distância Percorrida = Distância da Descida + Distância Pós-descida  
Distância Pós-descida = 2 metros ou 200 cm

Distância da Descida = HIP, CO = 25cm, CA = 60cm, logo:  
 $\text{HIP}^2 = 25^2 + 60^2 = 625 + 3600 = \mathbf{v4625} = 65$

Distância Percorrida = 65cm + 200cm = **265cm ou 2,65m**

5) **Altitude do balão:**

$$\text{HIP}^2 = \text{CO}^2 + \text{CA}^2$$

Altitude do Balão = Altura Prédio + Altura do Balão  
Altura do Prédio = 800m.

Altura do Balão = CO, HIP = 10Km, CA=8Km, logo:  
 $10^2 = \text{CO}^2 + 8^2 \rightarrow \text{CO}^2 = 10^2 - 8^2 = 100 - 64 = \mathbf{v26Km}$  ou, aproximadamente, 5Km

Altitude do Balão = 800m + 5Km = 800m + 5000m = **5800m ou 5,8Km (aproximadamente)**

6) **Medida dos segmentos AB e AD:**

$$\text{HIP}^2 = \text{CO}^2 + \text{CA}^2$$

Medida de AB = HIP, CO = 12, CA = 16, logo:  $\text{HIP}^2 = 12^2 + 16^2 = 144 + 256 = \mathbf{v400} = \mathbf{20}$

Medida de AD = HIP, CO = 12, CA = 16 + AB = 16 + 20 = 36, logo:  
 $\text{HIP}^2 = 12^2 + 36^2 = 144 + 1296 = \mathbf{v1440}$

7) **Extensão Total da Grade:**

$$\text{HIP}^2 = \text{CO}^2 + \text{CA}^2$$

Extensão Total = 1m + x;  
x = HIP, CO = 5m - 1m = 4m, CA = 5m - 2m = 3m, logo:  
 $x^2 = 4^2 + 3^2 = 16 + 9 = \mathbf{v25} = \mathbf{5m}$

Extensão Total = 1m + 5m = **6m;**

8) **Perímetro da grade de proteção**

$$\text{HIP}^2 = \text{CO}^2 + \text{CA}^2$$

Perímetro = soma de todos os lados  
Perímetro = 60m + 40m + 45m + 20m + x



$$x = \text{HIP}, \text{CO} = 60 - 45 = 15, \text{CA} = 40 - 20 = 20$$
$$x^2 = 15^2 + 20^2 = 225 + 400 = \sqrt{625} = \mathbf{25m}$$

$$\text{Perímetro} = 60\text{m} + 40\text{m} + 45\text{m} + 20\text{m} + 25\text{m} = \mathbf{190m}$$

9) O perímetro do terreno é:

$$\text{HIP}^2 = \text{CO}^2 + \text{CA}^2$$

Perímetro = soma de todos os lados  
Perímetro = AL (30m) + LI (90m) + IM + MA (50m)  
IM = HIP, CO = 30, CA = 90 - 50 = 40  
IM<sup>2</sup> = 30<sup>2</sup> + 40<sup>2</sup> = 900 + 1600 =  $\sqrt{2500} = \mathbf{50m}$

$$\text{Perímetro} = 30\text{m} + 90\text{m} + 50\text{m} + 50\text{m} = \mathbf{220m}$$

10) Medida indicada por “c” é igual a:

$$\text{HIP}^2 = \text{CO}^2 + \text{CA}^2$$

Área do quadrado = lado x lado, logo:  
Área de Q1 = c<sup>2</sup>; Área de Q2 = b<sup>2</sup>; Área de Q3 = c<sup>2</sup>  
Soma das Áreas = 200m<sup>2</sup> → a<sup>2</sup> + b<sup>2</sup> + c<sup>2</sup> = 200m<sup>2</sup>  
Pitágoras → c<sup>2</sup> = a<sup>2</sup> + b<sup>2</sup>  
Considerando que a = b temos:

$$c^2 = a^2 + a^2 \rightarrow \mathbf{2.a^2 = c^2} \quad (\text{equação 1})$$

$$a^2 + a^2 + c^2 = 200\text{m}^2 \rightarrow 2.a^2 + c^2 = 200\text{m}^2 \rightarrow \mathbf{c^2 = 200\text{m}^2 - 2.a^2} \quad (\text{equação 2})$$

Substituindo a equação 1 (2.a<sup>2</sup> por c<sup>2</sup>) na equação 2 temos:  
c<sup>2</sup> = 200m<sup>2</sup> - c<sup>2</sup> → 2.c<sup>2</sup> = 200m<sup>2</sup> c<sup>2</sup> = 100m<sup>2</sup> → c =  $\sqrt{100\text{m}^2} = \mathbf{10m}$